

Name: .....

Matr.-Nr.: .....

## Informatik III

(Lange/Behle/Krebs, Wintersemester 2008/2009)

- **Klausur bitte erst nach Aufforderung aufschlagen!**
  - Mobiltelefone bitte ausschalten!
  - Legen Sie bitte Ihren Studentenausweis vor Ihnen auf den Tisch.
  - Die Bearbeitungszeit beträgt 60 Minuten.
  - Eine Abgabe ist vor Ablauf der 60 Minuten *nicht* möglich. Bleiben Sie bitte auf Ihrem Platz, bis alle Klausuren eingesammelt wurden.
  - Verwenden Sie nur die Blätter des Klausurbogens für Ihre Lösungen. Weitere Blätter erhalten Sie auf Nachfrage.
- Dies ist meine Vordiplomsklausur, und ich habe mich bei Frau Sabrowski rechtzeitig angemeldet.
- Dies ist meine Scheinklausur (Bachelor) und ich bin für diese Vorlesung angemeldet  
Nur für Bachelor! Bitte tragen Sie im folgenden ihre Punkte ein, wenn Sie sie auswendig wissen.

+ Anwesenheit	5	
+ A-Blätter	10	
+ B-Blätter	5	

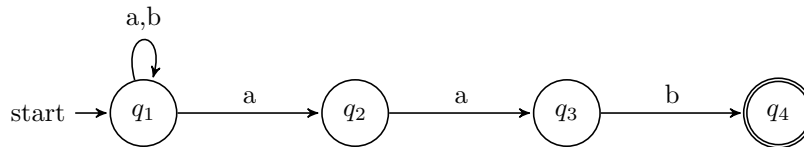
Aufgabe 1	8	
Aufgabe 2	8	
Aufgabe 3	8	
Aufgabe 4	6	
Aufgabe 5	8	
Aufgabe 6	12	
Aufgabe 7	10	
$\Sigma$	60	

Name: .....

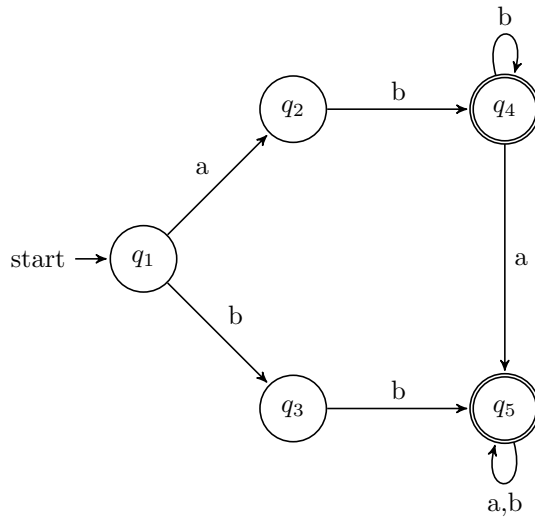
Matr.-Nr.: .....

*Aufgabe 1: (Endliche Automaten/reguläre Ausdrücke) (8 Punkte)*

(a) (4 Punkte) Wandeln Sie den folgenden NFA in einen DFA um.



(b) (4 Punkte) Minimieren Sie den folgenden DFA.



Name: .....

Matr.-Nr.: .....

*Aufgabe 2:* (Endliche Automaten) (8 Punkte)

- (a) (4 Punkte) Zeigen Sie, für jedes  $n$  gibt es eine reguläre Sprache  $L$ , so dass jeder DFA  $M$  mit  $T(M) = L$ , mehr als  $n$  Zustände hat.
- (b) (4 Punkte) Geben Sie ein Beispiel für eine reguläre Sprache  $L$  an, so dass jeder DFA  $M$  mit  $T(M) = L$ , mehr als einen Endzustand benötigt. Begründen Sie Ihre Antwort.

Name: .....

Matr.-Nr.: .....

*Aufgabe 3:* (Reguläre Sprachen, Pumping-Lemma, Myhill-Nerode) (8 Punkte)

Im folgenden sei  $bin(i)$  die Binärdarstellung und  $un(i)$  die Unärdarstellung einer natürlichen Zahl  $i$ . Zum Beispiel ist  $bin(5) = 101$  und  $un(5) = 11111$ .

Zeigen Sie (beispielsweise mit dem Pumping-Lemma oder dem Satz von Myhill-Nerode), dass die Sprache  $L = \{bin(i)un(i) \mid i \in \mathbb{N}\}$  nicht regulär ist.

Name: .....

Matr.-Nr.: .....

*Aufgabe 4:* (Grammatiken) (6 Punkte)

Betrachten Sie folgende Sprache  $L \subseteq \{(), [], \lambda\}^*$ , wobei  $L$  aus der Menge der korrekten Klammerausdrücken besteht.

Folgende Wörter gehören zum Beispiel in  $L$ :  $\lambda, ([ ]), ()(), () [], (( ))$ .

Dagegen sind folgende Wörter beispielsweise nicht in  $L$ :  $) (, ( (, ( [ ], ([ ])$ .

- (a) (2 Punkte) Geben Sie eine kontextfreie Grammatik  $G$  an, die  $L$  erzeugt.
- (b) (2 Punkte) Geben Sie einen Ableitungsbaum für das Wort  $( [ ] ) [ ]$  an.
- (c) (2 Punkte) Zeigen Sie, dass das Wort  $( [ ] )$  nicht in  $L(G)$  enthalten ist.

Name: .....

Matr.-Nr.: .....

*Aufgabe 5:* (Prim Rek.) (8 Punkte)

Zeigen Sie, dass  $f(x) = \sqrt{x}$  eine primitiv rekursive Funktion ist.  
Sie dürfen verwenden, dass *mult* primitiv rekursiv ist.

Name: .....

Matr.-Nr.: .....

*Aufgabe 6:* (Berechenbarkeit) (12 Punkte)

Die entscheidbaren Sprachen sind unter den bool'schen Operationen und der Sternoperation abgeschlossen. Untersuchen Sie die unentscheidbaren Sprachen auf ihre Abschlusseigenschaften. Zeigen oder widerlegen Sie die folgenden Aussagen:

- (a) (2 Punkte) Die unentscheidbaren Sprachen sind unter Vereinigung abgeschlossen.
- (b) (2 Punkte) Die unentscheidbaren Sprachen sind unter Schnitt abgeschlossen.
- (c) (3 Punkte) Die unentscheidbaren Sprachen sind unter Komplement abgeschlossen.
- (d) (5 Punkte) Die unentscheidbaren Sprachen sind unter Stern abgeschlossen.

Name: .....

Matr.-Nr.: .....

*Aufgabe 7: (Komplexität) (10 Punkte)*

- (a) (2 Punkte) Wenn  $L$  eine Sprache ist die sich auf *eine* Sprache in  $NP$  reduzieren lässt, warum lässt sich dann  $L$  auf *jede*  $NP$ -harte Sprache reduzieren?

- (b) (8 Punkte) Geben Sie eine polynomiale Reduktion von  $HAMILTONCIRCLE$  auf  $SAT$  an.

HAMILTONCIRCLE:

gegeben: Ein ungerichteter Graph  $G = (V, E)$ .

gefragt: Gibt es einen Hamilton-Kreis in  $G$ ?

SAT:

gegeben: Eine Formel  $F$  der Aussagenlogik.

gefragt: Ist  $F$  erfüllbar, d.h. gibt es eine Belegungen der Variablen mit Konstanten  $\in \{0, 1\}$ , so dass  $F$  den Wert 1 hat?